

# Le figure simili

## Poligoni simili

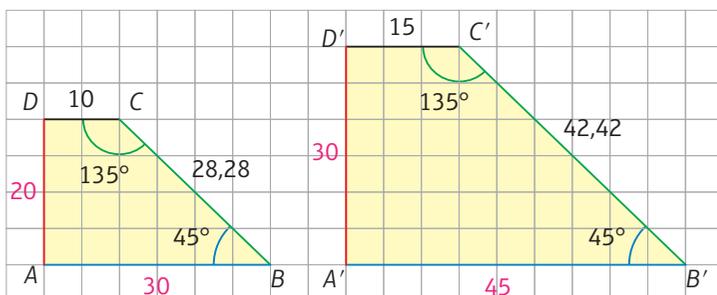
### ESPLORA



**Trapezi simili** I due trapezi nella figura hanno stessa forma ma diverse dimensioni. Gli angoli del primo trapezio sono congruenti agli angoli corrispondenti del secondo.

a. Misura i lati dei trapezi e scrivi i risultati nella figura, espressi in millimetri.

b. Calcola i rapporti di tutte le coppie di lati corrispondenti:



Gli **angoli** e i **lati corrispondenti** sono quelli che si trovano nella stessa posizione relativa nelle due figure. Per esempio:

- $\hat{C}$  e  $\hat{C}'$  sono angoli corrispondenti;
- $BC$  e  $B'C'$  sono lati corrispondenti

$$\frac{\overline{A'B'}}{\overline{AB}} = \frac{45 \text{ mm}}{30 \text{ mm}} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{\overline{B'C'}}{\overline{BC}} = \frac{42,42 \text{ mm}}{28,28 \text{ mm}} = \frac{3}{2} \quad \text{le misure di } BC \text{ e } B'C' \text{ sono approssimate}$$

$$\frac{\overline{C'D'}}{\overline{CD}} = \frac{15 \text{ mm}}{10 \text{ mm}} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{\overline{D'A'}}{\overline{DA}} = \frac{30 \text{ mm}}{20 \text{ mm}} = \frac{3}{2}$$

Osserviamo che i **rapporti** fra i lati corrispondenti sono tutti **uguali**.

Poiché  $\frac{3}{2} = 1,5$  possiamo dire che le misure dei lati del trapezio  $A'B'C'D'$  sono 1,5 volte più grandi di quelle del trapezio  $ABCD$ .



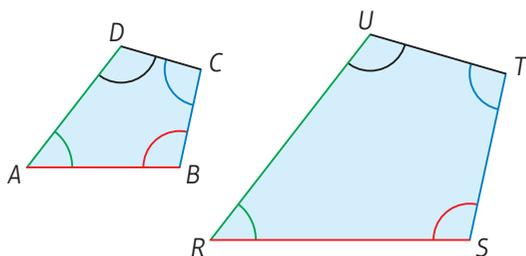
### CONCETTO CHIAVE

### Poligoni simili e rapporto di similitudine

Due poligoni sono **simili** se hanno:

- 1) gli **angoli** corrispondenti **congruenti**;
- 2) i **lati** corrispondenti in **proporzione**.

Il rapporto costante fra le misure dei lati corrispondenti si chiama **rapporto di similitudine** (o **di scala**) e si indica con la lettera **k**.



angoli congruenti:  $\hat{A} \cong \hat{R}$ ;  $\hat{B} \cong \hat{S}$ ;  $\hat{C} \cong \hat{T}$ ;  $\hat{D} \cong \hat{U}$

lati in proporzione:  $\frac{RS}{AB} = \frac{ST}{BC} = \frac{TU}{CD} = \frac{UR}{DA} = k$

In pratica, il rapporto di similitudine è la stessa cosa del rapporto di scala che hai già studiato.

**Attenzione.** Per dimostrare che due poligoni sono simili tra loro, bisogna verificare che valgano **entrambe le condizioni**, cioè che essi abbiano:

gli angoli  
corrispondenti congruenti

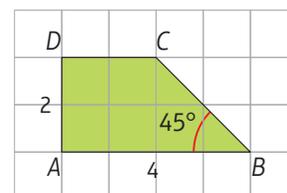
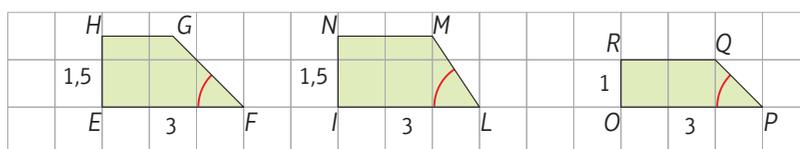
e anche

i lati corrispondenti  
in proporzione

**ESERCIZIO GUIDA CON VIDEO TUTORIAL**



**1 Riconosci** Quale dei trapezi qui sotto è simile al trapezio  $ABCD$  della figura a fianco? Motiva la risposta.



Dobbiamo misurare **tutti** i lati e **tutti** gli angoli e verificare le due condizioni.

**Trapezio EFGH**

Gli angoli corrispondenti sono congruenti.

I lati corrispondenti sono in proporzione, per esempio:

$$\frac{AB}{EF} = \frac{DA}{HE} = \frac{4}{3}$$

È simile.

**Trapezio ILMN**

Gli angoli corrispondenti **non** sono congruenti.

I lati corrispondenti **non** sono in proporzione, per esempio:

$$\frac{AB}{IL} = \frac{4}{3}; \frac{CD}{MN} = \frac{2}{2} = 1$$

Non è simile.

**Trapezio OPQR**

Gli angoli corrispondenti sono congruenti.

I lati corrispondenti **non** sono in proporzione, per esempio:

$$\frac{AB}{OP} = \frac{4}{3}; \frac{DA}{RO} = 2$$

Non è simile.

## Come trovare una misura incognita

Applicando una opportuna **proporzione** fra i lati di due figure simili, possiamo trovare una misura che non conosciamo, cioè una misura incognita.

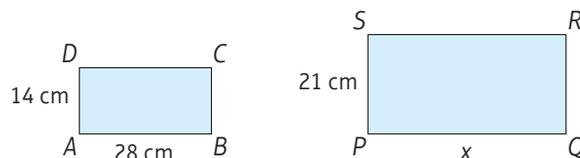
**ESERCIZIO GUIDA**

**2 Rettangoli simili** Abbiamo due rettangoli simili. La base e l'altezza del primo sono lunghe rispettivamente 28 cm e 14 cm. Del secondo rettangolo sappiamo soltanto che l'altezza misura 21 cm.

Quanto è lunga la base del secondo rettangolo?

1) Disegniamo un modello del problema.

Indichiamo con  $x$  la misura del lato incognito.



2) Siccome i rettangoli sono simili, hanno i lati corrispondenti in proporzione. Possiamo allora scrivere e risolvere la seguente proporzione:

$$SP : DA = PQ : AB$$

Sostituiamo le misure e ricaviamo la  $x$ :

$$21 : 14 = x : 28 \quad x = \frac{21 \cdot 28}{14} = 42 \text{ cm}$$



Per trovare una misura incognita puoi anche usare il **rapporto di similitudine** (o di scala).

In questo problema, per esempio, si riconosce che il fattore di scala è:

$$k = \frac{SP}{DA} = \frac{21}{14} = 1,5$$

Quindi le lunghezze dei lati del rettangolo  $PQRS$  sono 1,5 volte più grandi di quelle dei lati del rettangolo  $ABCD$ .

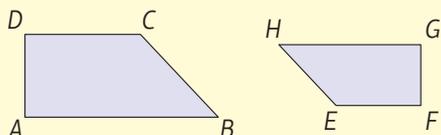
Perciò:

$$\overline{PQ} = 1,5 \cdot \overline{AB} = 42 \text{ cm}$$

**ESERCIZI DELLA LEZIONE 4**

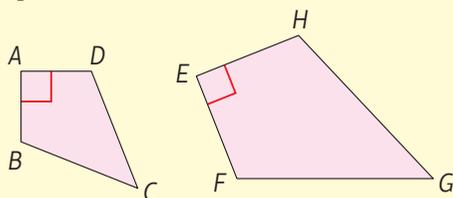
**CONOSCERE CONCETTI E PROCEDURE**

- 1 Lati corrispondenti** I due trapezi in figura sono simili. Trova i lati corrispondenti. Completa la tabella.



Il lato corrispondente di...	è...
AB	GH
BC	HE
CD	EF
DA	FG

- 2 Angoli corrispondenti** I due quadrilateri sono simili. Trova gli angoli corrispondenti. Completa la tabella.

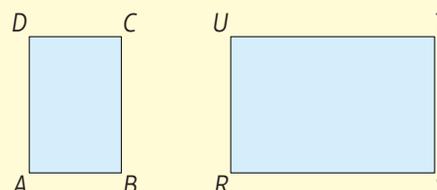


L'angolo corrispondente di...	è...
$\hat{A}$	$\hat{E}$
$\hat{B}$	$\hat{F}$
$\hat{C}$	$\hat{G}$
$\hat{D}$	$\hat{H}$

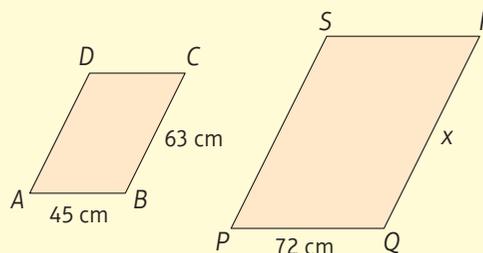
- 3 Poligoni simili** Completa la seguente definizione.  
 Due poligoni sono simili se hanno:
- gli angoli corrispondenti congruenti.....
  - i lati corrispondenti in proporzione.....

**APPLICARE STRATEGIE, RAPPRESENTAZIONI E MODELLI**

- 8 Rettangoli** I due rettangoli sono simili. Si sa che  $\overline{UR} = 45$  m,  $\overline{DA} = 45$  m,  $\overline{AB} = 30$  m. Calcola il rapporto di similitudine e la lunghezza del lato  $TU$ .  
 $k = 1,5$ ;  $\overline{TU} = 67,5$  m

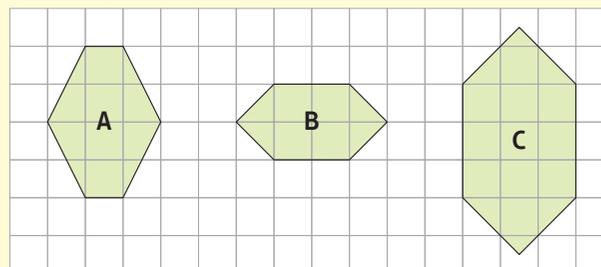


- 4 Rapporto di similitudine** Completa la seguente definizione.  
 Il rapporto di similitudine è il rapporto costante fra le misure dei lati corrispondenti..... e si indica con  $k$ .....
- 5 Con la proporzione** I due quadrilateri in figura sono simili. Spiega come si fa, con una proporzione, per trovare la lunghezza del lato incognito, indicato con la lettera  $x$ .  
**ESERCIZIO GUIDA 2**  $72 : 45 = x : 63$



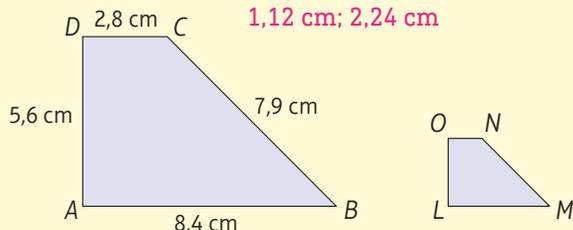
- 6 Simile-non simile** Spiega perché:
- l'esagono A non è simile all'esagono B;
  - l'esagono B è simile all'esagono C.

**ESERCIZIO GUIDA 1**

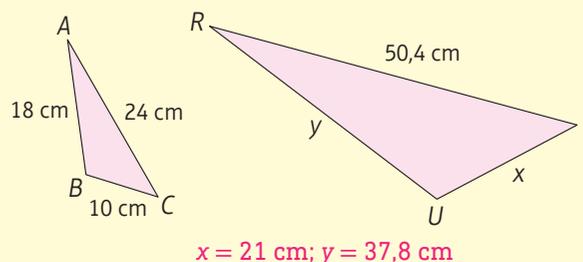


- 7 Sono simili?** Un rettangolo ha la base lunga 12 cm e l'altezza lunga 1 cm. Un altro rettangolo ha la base lunga 6 cm e l'altezza 5 mm. I due rettangoli sono simili oppure no? Motiva la risposta.  
 sì perché hanno tutti gli angoli congruenti e i lati corrispondenti nella stessa proporzione,  $5 \text{ mm} = 0,5 \text{ cm}$

- 9 Trapezi** I due trapezi in figura sono simili. Il rapporto di similitudine è 0,4. Calcola le lunghezze di tutti i lati del trapezio  $LMNO$ . **3,36 cm; 3,16 cm; 1,12 cm; 2,24 cm**



- 10 Triangoli** I due triangoli in figura sono simili. Calcola le misure incognite indicate con le lettere  $x, y$ . **ESERCIZIO GUIDA 2**



- 11 Comprendi e risolvi** In un triangolo rettangolo i cateti misurano 12 cm e 35 cm mentre l'ipotenusa misura 37 cm. In un altro triangolo rettangolo, simile al primo, il cateto minore misura 102 cm. Calcola l'ipotenusa del secondo rettangolo. **[314,5 cm]**

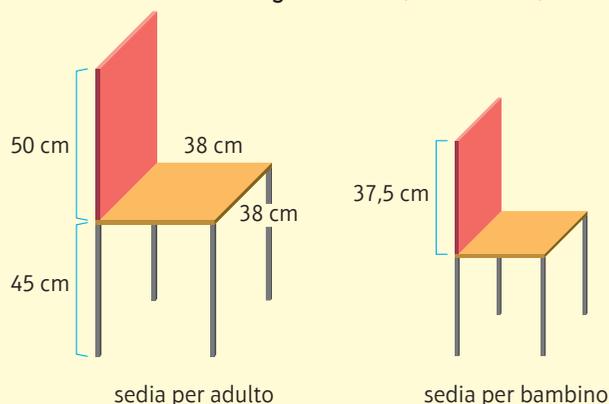
**RAGIONARE IN CONTESTI NUOVI O COMPLESSI**

- 12 MONDO REALE Fotografia** Katia vuole ingrandire una fotografia  $12$  cm  $\times$   $9$  cm in modo che il lato piú lungo sia 30 cm.
- Quali saranno le dimensioni della foto ingrandita?  **$30$  cm  $\times$   $22,5$  cm**
  - Qual è il rapporto di similitudine? **2,5**



- 13 Problema aperto** Scrivi un problema relativo al mondo reale che si possa risolvere usando le proporzioni e le figure simili. Risolvi il problema.

- 14 MONDO REALE Sedie** Una sedia per bambino è simile a una sedia per adulto, ma è piú piccola. Usa i dati della figura per calcolare le seguenti misure della sedia per bambino:
- lato del sedile; **28,5 cm**
  - altezza delle gambe.  **$33,75$  cm  $\approx$   $33,8$  cm**



- 15 COME UN MATEMATICO Dimostrazioni** Dimostra che:
- tutti i quadrati sono simili;
  - tutti i triangoli equilateri sono simili;
  - non è vero che tutti i rettangoli sono simili;
  - tutti gli esagoni regolari sono simili.

# Criteri di similitudine dei triangoli

In questa lezione studieremo tre criteri che permettono di identificare i triangoli simili. Ricorda che valgono solo per i triangoli e non per gli altri poligoni.

## Primo criterio: 3 angoli congruenti


**CONCETTO CHIAVE**

### Primo criterio di similitudine dei triangoli

Due triangoli sono simili se hanno i **tre angoli corrispondenti congruenti**.

Poiché la somma degli angoli interni di ogni triangolo è  $180^\circ$ , **basta che due triangoli abbiano due angoli corrispondenti congruenti** perché siano simili. Anche il terzo angolo, infatti, sarà congruente per differenza da  $180^\circ$ .

#### ESERCIZIO GUIDA

**1 Riconosci** Nella figura ci sono due triangoli simili. Quali sono? Motiva la risposta.

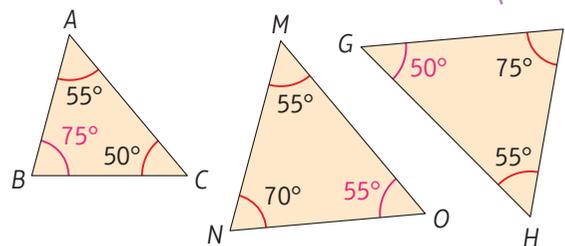
1) Calcoliamo tutti gli angoli mancanti.

Triangolo  $ABC$   $55^\circ$ ,  $75^\circ$ ,  $50^\circ$

Triangolo  $MNO$   $55^\circ$ ,  $70^\circ$ ,  $55^\circ$

Triangolo  $GHI$   $55^\circ$ ,  $75^\circ$ ,  $50^\circ$

2) I triangoli simili sono  $ABC$  e  $GHI$  perché hanno i tre angoli corrispondenti congruenti.



## Secondo criterio: 2 lati e l'angolo compreso


**CONCETTO CHIAVE**

### Secondo criterio di similitudine dei triangoli

Due triangoli sono simili se hanno **due lati corrispondenti in proporzione e l'angolo compreso congruente**.

#### ESERCIZIO GUIDA

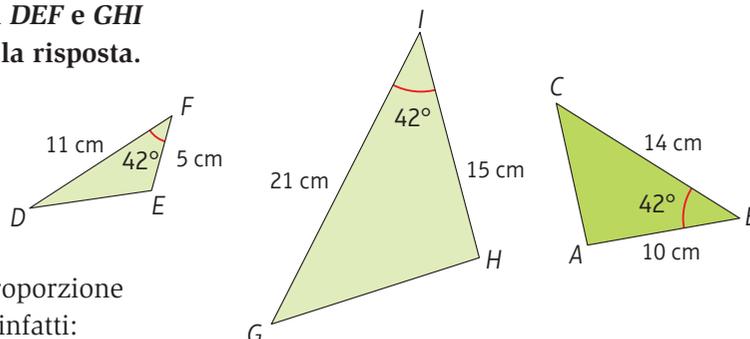
**2 Riconosci** Quale dei due triangoli  $DEF$  e  $GHI$  è simile al triangolo  $ABC$ ? Motiva la risposta.

1) I tre triangoli hanno un angolo congruente, perciò dobbiamo verificare se i lati corrispondenti sono in proporzione.

2) I lati del triangolo  $GHI$  sono in proporzione con i corrispondenti lati di  $ABC$ ; infatti:

$$\frac{21}{14} = \frac{15}{10} = \frac{3}{2}$$

3) Invece, i lati dei triangoli  $DEF$  e  $ABC$  non formano una proporzione; infatti:  $\frac{11}{14} \neq \frac{5}{10}$ . I triangoli simili sono quindi  $ABC$  e  $GHI$ .



## Terzo criterio: 3 lati in proporzione



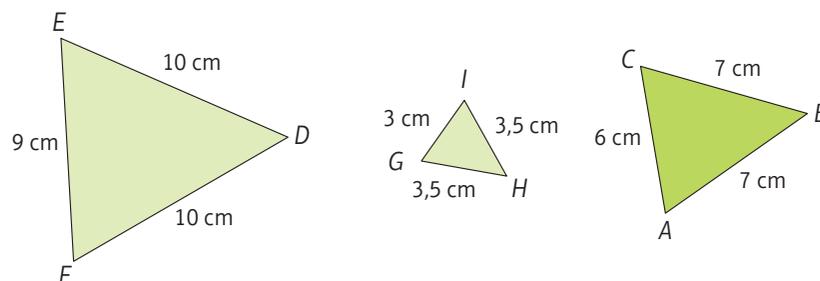
**CONCETTO CHIAVE**

**Terzo criterio di similitudine dei triangoli**

Due triangoli sono simili se hanno i **tre lati corrispondenti in proporzione**.

### ESERCIZIO GUIDA

**3 Riconosci** Quale dei due triangoli  $DEF$  e  $GHI$  è simile al triangolo  $ABC$ ? Motiva la risposta.



- 1) Esaminando le misure si verifica facilmente che i lati del triangolo  $GHI$  sono tutti la metà dei corrispondenti lati del triangolo  $ABC$ . Quindi il triangolo  $ABC$  è simile al triangolo  $GHI$  e il rapporto di similitudine vale  $\frac{1}{2}$ .
- 2) Se invece confrontiamo i lati di  $DEF$  con quelli corrispondenti di  $ABC$ , verifichiamo che non sono in proporzione. Infatti:

$$\frac{10}{7} \neq \frac{9}{6}$$



Attenzione. Per dimostrare che due triangoli sono simili tra loro, basta verificare che valga **uno solo** dei tre criteri.

## Rette parallele e triangoli simili

Quando si taglia un triangolo con una retta parallela a un lato, si formano due triangoli simili. Vediamo un esempio.

### ESERCIZIO GUIDA CON VIDEO TUTORIAL

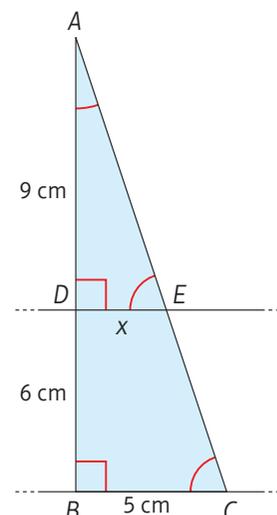


**4 Triangoli rettangoli** Osserva la figura. Il triangolo  $ABC$  è un triangolo rettangolo. La retta  $DE$  è parallela al lato  $BC$ . Usa i dati scritti nella figura per calcolare la lunghezza di  $DE$ , indicata con la lettera  $x$ .

- 1) Osserviamo che i triangoli  $ABC$  e  $ADE$  sono simili perché hanno i tre angoli corrispondenti congruenti:  $\hat{B} \cong \hat{D}$  perché retti,  $\hat{A}$  è in comune ai due triangoli,  $\hat{C} \cong \hat{E}$  perché corrispondenti di rette parallele tagliate dalla trasversale  $AC$ .
- 2) Calcoliamo la lunghezza di  $AB$ :  
 $\overline{AB} = 9 + 6 = 15 \text{ cm}$
- 3) Scriviamo la proporzione fra i lati dei due triangoli:  
 $AD : AB = DE : BC$
- 4) Sostituiamo le lunghezze e troviamo il valore di  $x$ :

$$9 : 15 = x : 5$$

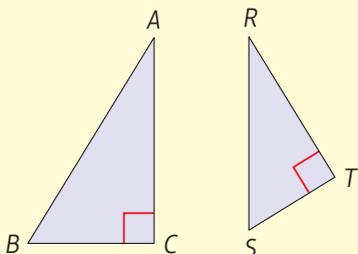
$$x = \frac{9 \cdot 5}{15} = 3 \text{ cm}$$



**ESERCIZI DELLA LEZIONE 5**

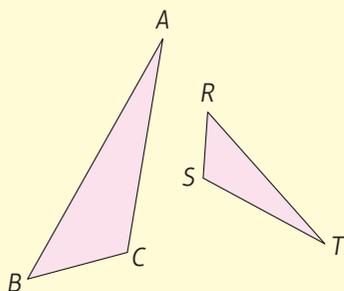
**CONOSCERE CONCETTI E PROCEDURE**

- 1 Latì corrispondenti** I due triangoli sono simili. Trova i lati corrispondenti. Completa la tabella.



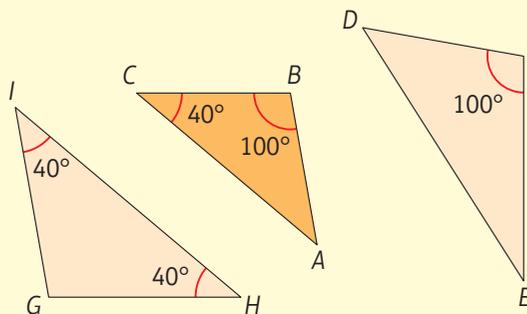
Il lato corrispondente di...	è...
AB	RS
BC	ST
CA	TR

- 2 Angoli corrispondenti** I due triangoli sono simili. Trova gli angoli corrispondenti. Completa la tabella.



L'angolo corrispondente di...	è...
$\hat{A}$	$\hat{T}$
$\hat{B}$	$\hat{R}$
$\hat{C}$	$\hat{S}$

- 3 Individua** Quale triangolo è simile al triangolo ABC? **GHI**

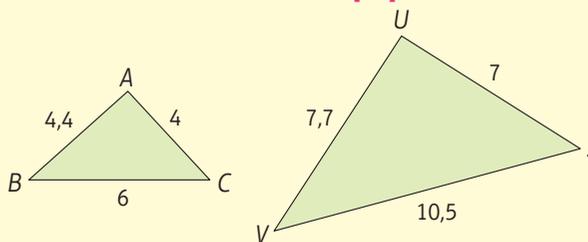


- 4 Riconosci** Dimostra che i due triangoli sono simili e spiega quale criterio hai applicato.

Le misure sono espresse in metri.

**ESERCIZI GUIDA 1, 2, 3**

terzo criterio: lati in proporzione

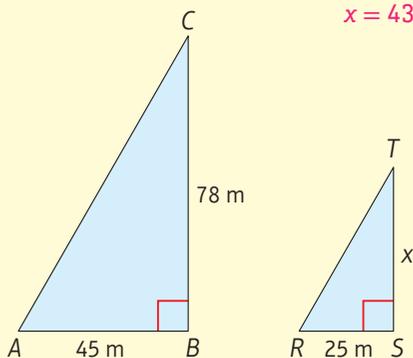


- 5 Equilateri** Un triangolo equilatero ha il lato lungo 5 cm. Un altro triangolo equilatero ha il lato lungo 99 cm. I due triangoli sono simili fra loro? Per quale criterio di similitudine? **sì, per il primo criterio**

**APPLICARE STRATEGIE E MODELLI**

- 6 Lato incognito** I due triangoli in figura sono simili. Calcola il valore di x.

$x = 43,33 \text{ cm}$

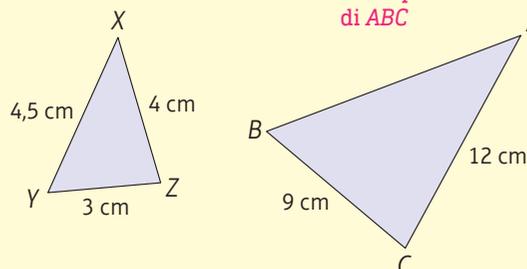


- 7 A mente** Il triangolo ABC è simile al triangolo XYZ.

a. Calcola mentalmente la lunghezza del lato AB. **13,5 cm**

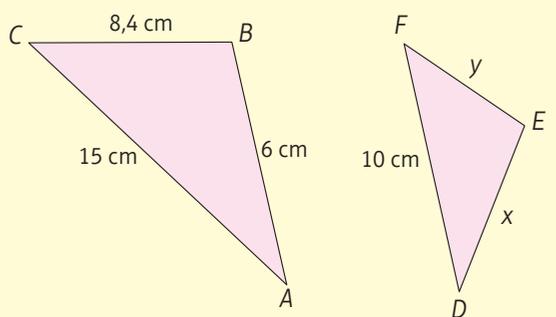
i lati di XYZ sono un terzo dei corrispondenti lati di ABC

b. Spiega il procedimento.



**RAGIONARE** IN CONTESTI NUOVI O COMPLESSI

- 8 **Perimetro** I triangoli  $ABC$  e  $DEF$  sono simili.  
Calcola il perimetro del triangolo  $DEF$ .

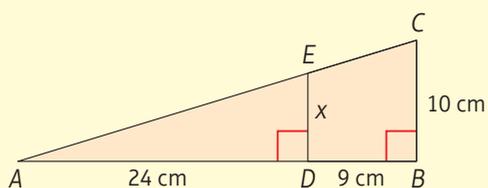


[19,6 cm]

- 9 **Triangolo rettangolo** Usa i dati scritti nella figura per calcolare la misura di  $ED$  e il perimetro del triangolo  $ADE$ .

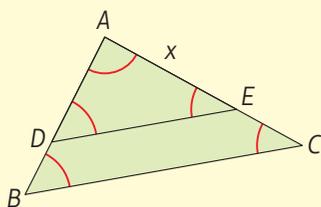
ESERCIZIO GUIDA 4

[7,27 cm; 56,35 cm]



- 10 **Lati paralleli** Nel triangolo  $ABC$ , il segmento  $DE$  è parallelo al lato  $BC$ .  
a. Spiega perché i triangoli  $ABC$  e  $ADE$  sono simili. **primo criterio, angoli congruenti**  
b. Sapendo che  $\overline{BC} = 12$  cm,  $\overline{DE} = 8$  cm,  $\overline{AC} = 9,6$  cm, calcola la lunghezza di  $AE$ , indicata con  $x$ .

[6,4 cm]

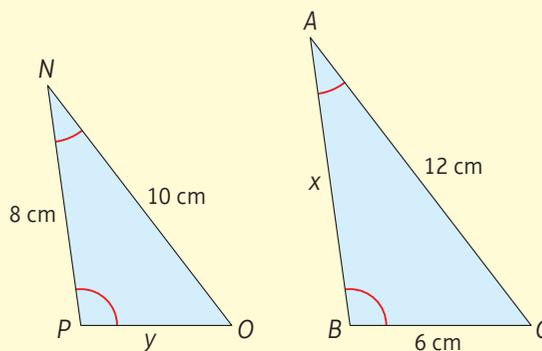


- 11 **Sono simili?** I due triangoli rappresentati nella figura sono simili oppure no? Motiva la risposta.



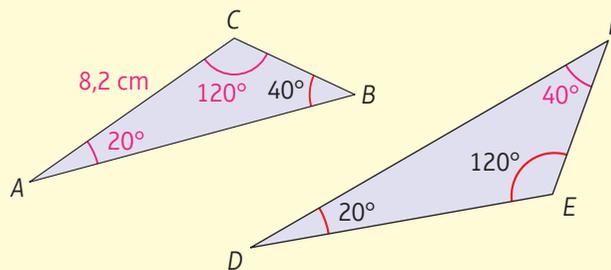
sì, perché sono isosceli e hanno gli angoli al vertice congruenti

- 12 **Due lati** I triangoli  $ABC$  e  $NPO$  sono simili. Calcola le lunghezze dei lati  $AB$  e  $PO$ , indicate con  $x$  e  $y$ .  $x = 9,6$  cm;  $y = 5$  cm

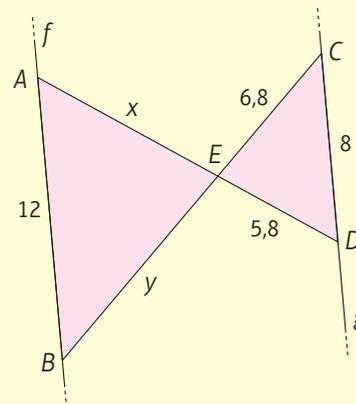


- 13 **Lati e angoli** I due triangoli  $ABC$  e  $DEF$  sono simili. Sapendo che  $\overline{EF} = 6,6$  cm,  $\overline{BC} = 4,4$  cm,  $\overline{DE} = 12,3$  cm, calcola e scrivi nella figura:

- a. le misure di tutti gli angoli dei triangoli;  
b. la lunghezza di  $AC$ .  $\overline{AC} = 8,2$  cm



- 14 **Triangoli opposti** Nella seguente figura le rette  $f$  e  $g$  sono parallele.



I due triangoli  $ABE$  e  $DCE$  sono simili.

- a. Qual è l'angolo corrispondente di  $\hat{D}$ ?  $\hat{A}$   
b. Qual è il lato corrispondente di  $EC$ ?  $EB$   
c. Calcola le lunghezze dei lati indicati con  $x$  e  $y$ . Le misure sono espresse in metri.

$x = 8,7$ ;  $y = 10,2$

Altri esercizi a pag. G192

G 163

# Applicazioni della similitudine

## Misure indirette

- Quanto è alto un albero?
- Quanto è lungo un batterio?
- Quanto è largo un lago?

Spesso in situazioni come queste è praticamente impossibile misurare direttamente un oggetto perché è troppo grande o troppo piccolo o irraggiungibile con uno strumento di misura.

Dobbiamo allora ricorrere a **misurazioni indirette**, usando le **proprietà dei triangoli simili** e risolvendo delle **proporzioni**.

Vediamo tre esempi.

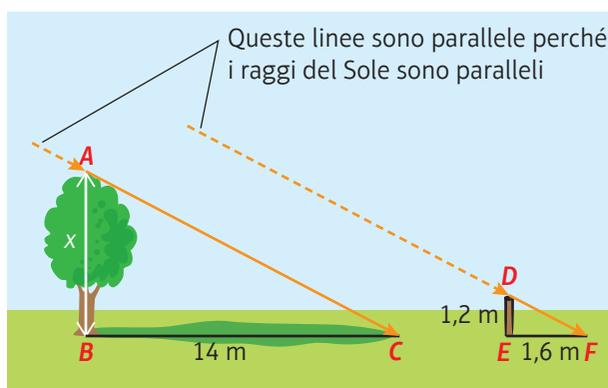
## Sfruttare le ombre

### ESERCIZIO GUIDA

**1 Altezza di un albero** In una bella giornata soleggiata, un albero in un prato fa un'ombra lunga 14 m.

Nello stesso momento un'asta verticale alta 1,2 m fa un'ombra lunga 1,6 m.

Quanto è alto l'albero?



- 1) Come si vede nella figura, l'asta, la sua ombra e i raggi del Sole formano il triangolo rettangolo  $DEF$ . Anche l'albero, la sua ombra e i raggi del Sole formano un triangolo rettangolo, indicato con le lettere  $ABC$ .
- 2) Poiché i raggi del Sole sono paralleli, i due triangoli  $ABC$  e  $DEF$  hanno i tre angoli corrispondenti congruenti, perciò sono simili (primo criterio di similitudine).
- 3) Indichiamo con  $x$  l'altezza dell'albero e scriviamo la proporzione fra i lati dei due triangoli:

$$AB : DE = BC : EF$$

$$x : 1,2 = 14 : 1,6$$

$$x = \frac{1,2 \cdot 14}{1,6} = 10,5 \text{ m}$$

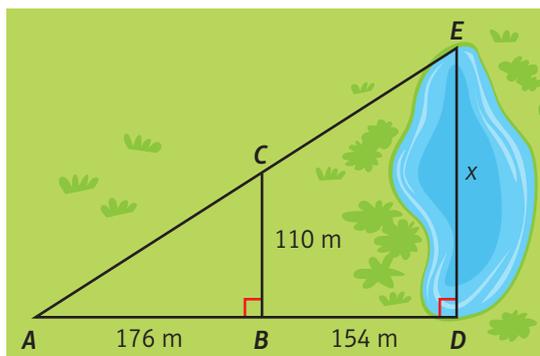
L'albero è alto 10,5 m.

## Evitare gli ostacoli

### ESERCIZIO GUIDA

**2 Larghezza di un lago** Il signor Giulio vuole misurare la larghezza di un piccolo lago che si trova in un parco. Misurare le distanze sull'acqua è difficile mentre è più facile fare delle misurazioni sul terreno intorno al lago. La piantina a lato mostra le misurazioni fatte da Giulio.

Usa i dati scritti nella piantina per calcolare la larghezza del lago, indicata con la lettera  $x$ .



- 1) I triangoli rettangoli  $ABC$  e  $ADE$  hanno i tre angoli corrispondenti congruenti, perciò sono simili (primo criterio di similitudine).
- 2) Scriviamo la proporzione fra i lati dei due triangoli:

$$AB : AD = BC : DE$$

$$176 : 330 = 110 : x$$

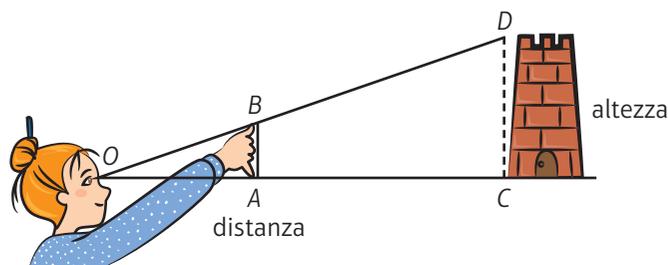
$$x = \frac{330 \cdot 110}{176} = 206,25 \text{ m}$$

Il lago è largo circa 206 m.

## Usare le proiezioni

### ESERCIZIO GUIDA

**3 Stime con la mano** Osserva lo schema seguente. Cosa fa Martina?



Tu conosci le misure del tuo braccio e del tuo palmo?



Le misure di Martina sono:

- $OA = 45 \text{ cm}$
- $AB = 15 \text{ cm}$

Il gesto che fa Martina può servire a due scopi diversi: stimare l'**altezza della torre** oppure stimare la **distanza della torre** da Martina.

Lo schema contiene infatti due **triangoli simili**:  $OAB$  e  $OCD$ .

Possiamo allora scrivere la proporzione fra i loro lati:

$$OA : OC = AB : CD \quad \text{o anche} \quad 45 : \text{distanza} = 15 : \text{altezza}$$

Consideriamo due possibilità.

Se Martina conosce la distanza della torre, può calcolarne l'**altezza**:

$$\text{altezza} = \frac{15 \cdot \text{distanza}}{45}$$

Per esempio, se la torre dista 30 m (3000 cm) allora è alta:

$$\text{altezza} = \frac{15 \cdot 3000}{45} = 1000 \text{ cm} = 10 \text{ m}$$

Se Martina conosce l'altezza della torre, può calcolare la **distanza**:

$$\text{distanza} = \frac{45 \cdot \text{altezza}}{15}$$

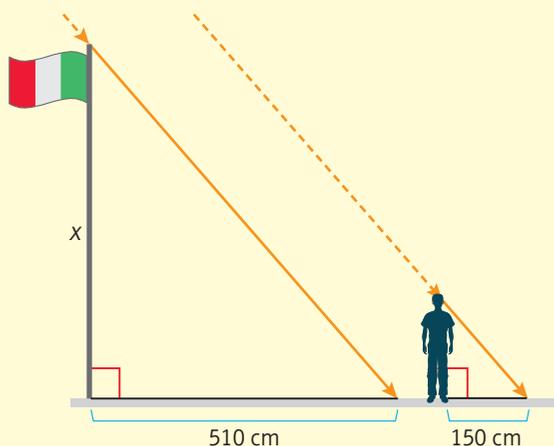
Per esempio, se la torre è alta 12 m (1200 cm) allora dista:

$$\text{distanza} = \frac{45 \cdot 1200}{15} = 3600 \text{ cm} = 36 \text{ m}$$

**ESERCIZI DELLA LEZIONE 6**

**CONOSCERE CONCETTI E PROCEDURE**

- 1 Altezza della bandiera** Nella figura vedi le ombre prodotte da una bandiera e da un ragazzo. Se il ragazzo è alto 1,72 m, quanto è alta la bandiera? **Esercizio Guida 1** circa 5,85 m



- 2 Altezza dell'albero** In una giornata di sole, un albero in un prato fa un'ombra lunga 18 m. Nello stesso momento un'asta verticale alta 80 cm fa un'ombra lunga 1,2 m.

- Disegna un modello della situazione descritta dal problema.
- Calcola quanto è alto l'albero. **12 m**

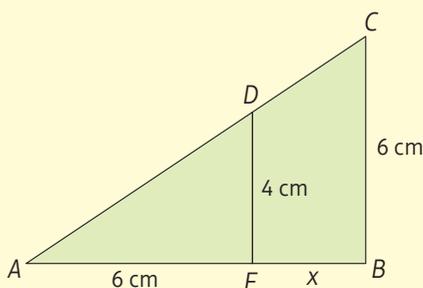
Ricordati di esprimere tutte le misure nella stessa unità.



- 3 Misura indiretta** Fai riferimento all'esercizio precedente per spiegare con parole tue cosa s'intende per *misura indiretta*.

**APPLICARE STRATEGIE, RAPPRESENTAZIONI E MODELLI**

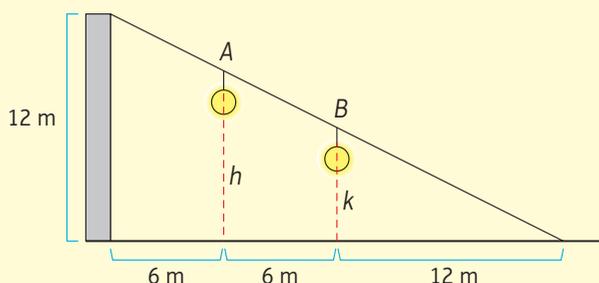
- 4 Triangoli rettangoli** Osserva la figura. Gli angoli  $\hat{B}$  ed  $\hat{E}$  sono retti.
- Calcola il valore di  $x$ .
  - Calcola il perimetro del triangolo  $ABC$ .  
[a. 3 cm; b.  $\approx 25,82$  cm]



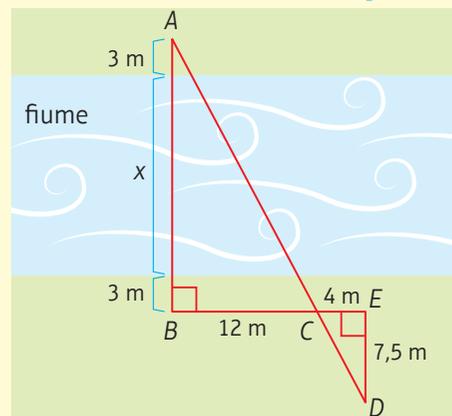
I triangoli  $ABC$  e  $ADE$  sono simili, perciò scrivo la proporzione:  
 $DE : BC = AE : AB$



- 5 MONDO REALE Lampade appese** Due lampade sono appese a una corda tesa tra l'estremità di un muro e un picchetto fissato a terra, come schematizzato nella figura.
- A quale altezza  $h$  dal suolo si trova il punto  $A$  in cui è appesa una lampada? **9 m**
  - A quale altezza  $k$  si trova il punto  $B$  in cui è appesa l'altra lampada? **6 m**

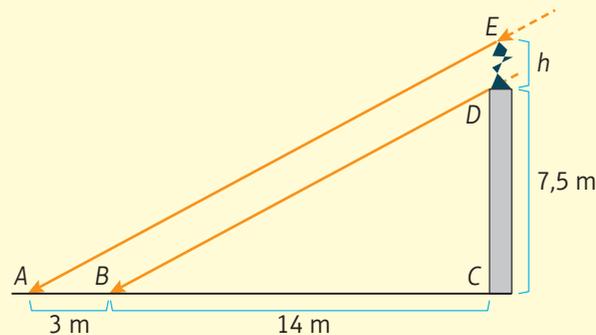


- 6 MONDO REALE Larghezza del fiume** La figura illustra un metodo per misurare la larghezza  $x$  di un fiume. **Esercizio Guida 2**
- Spiega a un tuo amico come funziona il metodo.
  - Calcola il valore di  $x$ . **[ $x = 16,5$  m]**

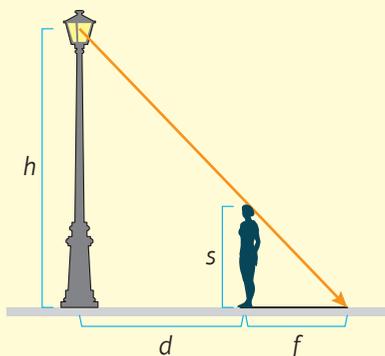


**RAGIONARE IN CONTESTI NUOVI O COMPLESSI**

- 7 **Altezza della scultura** Una scultura è posta in cima a una colonna alta 7,5 m. L'ombra della colonna è lunga 14 m mentre l'ombra della scultura è lunga 3 m. Calcola l'altezza della scultura. [1,61 m circa]



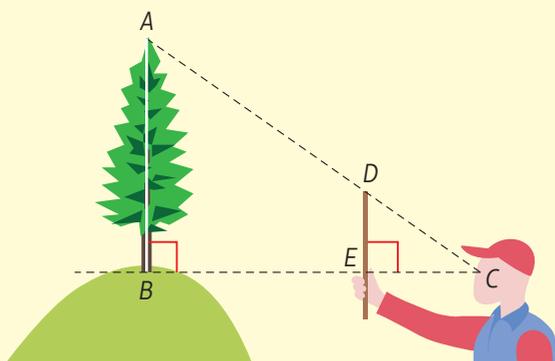
- 8 **Ombra con variabili** Osserva la figura.



Sai che:

- il lampione è alto  $h = 4,2$  m;
  - l'ombra di Giulia è lunga  $f = 2,04$  m;
  - Giulia dista  $d = 3$  m dal lampione.
- a. Scrivi una proporzione, usando le lettere, che permetta di calcolare la statura  $s$  di Giulia.  $h : s = (d + f) : f$
- b. Calcola quanto è alta Giulia. [b. 1,7 m]

- 9 **MONDO REALE Boscaiolo** La figura mostra il boscaiolo Giuseppe mentre misura l'altezza di un albero con una procedura indiretta. **ESERCIZIO GUIDA 3**



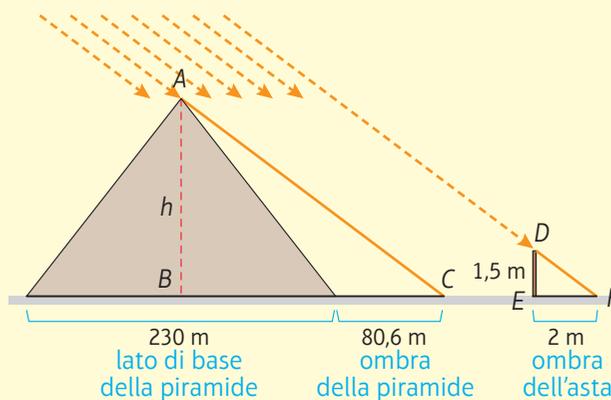
Sapendo che:

- $\overline{EC} = 70$  cm
- $\overline{ED} = 60$  cm
- $\overline{BC} = 30$  m

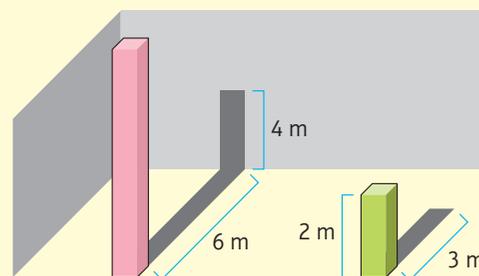
calcola l'altezza dell'albero. [25,7 m circa]

- 10 **MONDO REALE Piramide di Cheope**

Osserva il modello. La piramide di Cheope ha per base un quadrato di lato 230 m. A una certa ora del giorno essa proietta un'ombra lunga 80,6 m a partire dalla base. Alla stessa ora, un'asta alta 1,5 m proietta un'ombra di 2 m. Usa i dati forniti per calcolare l'altezza della piramide. [146,7 m]



- 11 **SFIDA Ombra spezzata** Quanto è alta la colonna rosa? Risolvi il problema a mente e spiega il tuo ragionamento. 8 m



Osserva l'ombra della colonna rosa: la parte di ombra sul pavimento è più lunga della corrispondente parte di colonna, mentre la parte di ombra proiettata sulla parete è lunga come la corrispondente parte di...

